# ووقع عيون البصائر التعليمي

## الجمهورية الجزائرية اليمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

دورة: **2022** الشعبة: علوم تجريبية



الديوان الوطني للإمتحانات والمسابقات إمتحان بكالوريا تجريبي

ثانوية: الشهيد صحيح أمحمد - الرمكة

المدة: 03 ساعات و30د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الأتيين:

## الموضوع الأول

### التمرين الأول: ( 04 نقاط)

يحتوي صندوق على خمس كرات بيضاء, ثلاثة حمراء وكرتين سوداوين متشابهة لا نفرق بينها باللمس. نسحب عشوائيا وفي آن واحد أربع كرات من الصندوق.

نعتبر الحادثتين : A"الحصول على كرة حمراء واحدة فقط ", B "الحصول على كرة بيضاء على الأقل" .

- . B احتمال الحدث P(B) بين أن  $P(A) = \frac{1}{2}$  احتمال الحدث (1
- 2) نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل مخرج عدد الكرات الحمراء المسحوبة . أ) عين قيم المتغير العشوائي X.
  - $P(X = 2) = \frac{3}{10}$  و  $P(X = 0) = \frac{1}{6}$ : بين أن
  - E(X) عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم أحسب أمله الرياضي (3
    - $\sigma(X)$  أحسب الانحراف المعياري (4

### التمرين الثاني: (04 نقاط)

أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية:

- $f(x) = \ln(x^2 + 2x + 3)$ : بالدالة f المعرفة على  $\pi$  بالدالة f(-2-x) = f(x) لدينا: f(-2-x) = f(x)
- , n عدد طبيعي من أجل كل عدد طبيعي ,  $u_0=e^{-\frac{1}{2}}$  عدد طبيعي e أجل كل عدد طبيعي ( $u_n$ ) (2  $\frac{n^2+1}{2}$ : يساوي  $S_n$  ,  $S_n=\ln \left(u_0\times u_1\times ...\times u_n\right)$ 
  - (3) الدالة g المعرفة على المجال  $G(x) = 2x + 1 + \frac{1}{x^2}$  بالمجال  $G(x) = x^2 + x \frac{1}{x} 1$  معرفة بالمجال  $G(x) = x^2 + x \frac{1}{x} 1$  معرفة بالمجال  $G(x) = x^2 + x \frac{1}{x} 1$  معرفة بالمجال  $G(x) = x^2 + x \frac{1}{x} 1$
- 4) يتكون فريق عمل من 4 اناث و 3 ذكور, يراد تشكيل لجنة تضم 3 أعضاء . احتمال أن تكون اللجنة من الجنسين هو:  $\frac{6}{7}$

## التمرين الثالث: (04 نقاط)

 $u_0=\alpha$  عدد طبيعي عدد طبيعي المتتالية العددية المعرفة بحدها الأول  $u_0=\alpha$  المتتالية العددية المعرفة بحدها الأول

$$u_{n+1} = \frac{46}{47}u_n + 43$$

جد قيمة  $\alpha$  حتى تكون المتتالية ( $u_n$ ) ثابتة.

## elbassair.net

 $\alpha = 2022$ : نفرض أن

 $V_{n}=U_{n}-2021$  : كمايلي كمايلي المعرفة على المعرفة المعر

- لين أن المتتالية  $(v_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول (1
  - n اکتب عبارهٔ  $v_n$  بدلالهٔ n , ثم استنتج عبارهٔ (2
    - .  $(u_n)$  أدرس اتجاه تغير المتتالية (3
      - $\lim_{n\to+\infty} u_n$  أحسب (4

$$S_n = \frac{u_0}{v_0} + \frac{u_1}{v_1} + \dots + \frac{u_n}{v_n}$$
 ,  $n$  يضع من أجل كل عدد طبيعي (5

$$\lim_{n\to+\infty}\frac{S_n}{n}$$
 بدلالة  $n$ , ثم أحسب -

### التمرين الرابع: (08 نقاط)

- $g(x) = x^2 2 + \ln x$  : يعتبر الدالة العددية g المعرفة على المجال  $g(x) = x^2 2 + \ln x$  المعرفة على المجال المعرفة على ا
  - $\lim_{x \to \infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to \infty} g(x)$  أحسب (1)
  - 2) أدرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغير اتها.
- g(x) قبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث:  $\alpha$  عند استنتج إشارة g(x) = 0 بين أن المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا
- ال. لتكن الدالة f المعرفة على g: g: كما يلي g: g: كما يلي g: g: المنتني الممثل g: المنتني الممثل g: المنتني الممثل g: المنتني المعلم المتعامد والمتجانس g: g: المنتنوي المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس g: المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس g: المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس g: المنسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس والمتعامد والمتع
  - . المناب النتيجة الأولى هندسيا ا $\lim_{x \to +\infty} f\left(x\right)$  وفسر النتيجة الأولى هندسيا (1
  - . يطلب تعيين معادلته ( $C_f$ ) يطلب تعيين معادلته (2
    - . (D) والمستقيم ( $(C_f)$  ادر الوضعية النسبية المنحنى (3
    - $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ : فان  $g(x) = \frac{g(x)}{x^2}$  فان  $g(x) = \frac{g(x)}{x^2}$  فان  $g(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ 
      - 5) استنتتج اتجاه تغیر الدالة f, ثم شکل جدول تغیر اتها.
    - .  $f(\alpha)$  ثم استنتج حصرا للعدد ,  $f(\alpha) = 2\alpha e \frac{1}{\alpha}$  (6
  - 7) أ) بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مماسا (T) يوازي المستقيم (D) في نقطة يطلب تعيين احداثياتها. (T) . (T) معادلة ديكارتية للمماس (T) .
    - $(C_f)$  والمنحنى (T) أنشئ (8
- (9) نسمي ( $\alpha$ ) مساحة الحيز من المستوي المحددة بالمنحنى ( $\alpha$ ) والمستقيمين اللذين معادلتيهما  $\alpha$ 
  - $A(\alpha) = 2(\alpha^2 1)^2 cm^2$ : بين أن

انتهى الموضوع الأول

# elbassair.net

#### الموضوع الثاني

### التمرين الأول: ( 04 نقاط)

جمعية خيرية تتكون من 7 رجال و5 نساء من بينهم رجل اسمه أنس, نريد تشكيل لجنة بها 3 أعضاء.

1) ماهو عدد اللجان التي يمكن تشكيلها في حالة أعضاء اللجنة لهم نفس المهام.

2) أحسب احتمال الحوادث التالية: ` A " اللجنة تضم أنس "

" اللجنة تتكون من رجلين و امرأة " B

" اللجنة بها رجل واحد على الأقل" C

. "اللجنة مكونة من امرأة على الأكثر D

3) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل اختيار عدد الرجال الذين يحملون اسم أنس في اللجنة المكونة . أ) عين قيم المتغير X .

E(X) عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X وأحسب أمله الرياضي

#### التمرين الثاني: (04 نقاط)

لكل سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة, عينه مع التعليل .

: الدالة الأصلية  $f(x) = \frac{x+1}{x}$  : بf(x) = 0 للدالة f(x) = 0 للدالة الأصلية f(x) = 0 للدالة الأصلية الدالة الأصلية f(x) = 0

$$F(x) = \ln\left(\frac{x+1}{x}\right) \quad (z \qquad F(x) = 1 - x + \ln x \quad (-x) = x - 1 + \ln x \quad$$

: ب $\mathbb{R}$  هو الدالة المعرفة على  $y'+3y=rac{5}{2}$  الحل العام للمعادلة التفاضلية

$$y = ce^{-3x} + \frac{5}{6}$$
 ( $z = ce^{-3x} - \frac{5}{6}$  ( $z = ce^{-3x} + \frac{5}{6}$  ( $z = ce^{-3x} + \frac{5}{6}$ 

30 في قسم نهائي 30 متفوقين في مادة الرياضيات و 35 متفوقين في مادة العلوم الفيزيائية و 30 متفوقين في المادتين معا احتمال أن يكون التلميذ متفوقا في مادة الرياضيات علما أنه متفوق في مادة العلوم الفيزيائية هو:

$$\frac{2}{13}$$
 ( $\varepsilon$   $\frac{1}{3}$  ( $\varphi$   $\frac{2}{7}$  ( $\uparrow$ 

 $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$ : بالمتتالية العددية  $(v_n)$  معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $S_n$  ,  $S_n = v_0 + v_1 + ... + v_n$  ، n يساوي :

 $1-\ln(n+1)$  ( $\varepsilon$   $-\ln(n+1)$  ( $\psi$   $\ln(n+2)$  ( $\uparrow$ 

### التمرين الثالث: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = \frac{2}{2\sqrt{2} - u_n}$  :المتتالية العددية المعرفة بحدها الأول  $u_0 = 0$  والعلاقة التراجعية ( $u_n$ )

 $u_n < \sqrt{2}$ : n برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي (1

 $\lim_{n\to\infty}u_n$  بين أن المتتالية  $(u_n)$  متزايدة، ثم استنتج أنها متقاربة وأحسب (2

 $v_n = \frac{u_n}{\sqrt{2} - u_n}$ : لتكن المتتتالية  $(v_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $(v_n)$  المعرفة من أجل (3

أ) بين أن المتتالية  $(v_n)$ حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

## elhassair.net

. n بدلالة  $u_n$  بدلالة , n بدلالة  $v_n$  بدلالة

بوليكن المجموع: 
$$w_n = \ln(u_n)$$
 :  $n$  عدد طبيعي عدد طبيعي المعرفة من أجل كل عدد طبيعي (4

$$S_n = w_0 + w_1 + ... + w_n$$

$$S_n = \frac{1}{2} n \ln 2 - \ln (n+1)$$
: -بین أن

التمرين الرابع: (08 نقاط)

نعتبر الدالة 
$$g$$
 المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $g(x) = x^2 e^x - e$  و  $g(x) = x^2 e^x - e$  كما يلي:  $g(x) = x^2 e^x - e$  المعلم المتعامد المتجانس  $g(x) = x^2 e^x - e$  (كما في الشكل المقابل)

$$g(1)$$
 احسب (1

بقراءة بيانية عين إشارة 
$$g(x)$$
 ثم استنتج إشارة (2) بقراءة بيانية عين إشارة  $g(-x)$ 

المعرفة على 
$$\mathbb{R}^*$$
 كما يلي: الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$ 

$$f(x) = e^{-x} - 2 - \frac{e}{x}$$

و 
$$(C_f)$$
 تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(0; \vec{\imath}, \vec{j})$ .

$$\lim_{x \to 0} f(x)$$
 احسب النهايات الآتية:  $f(x)$  انهايات الآتية: (1

و کا میں انتائج ہندسیا 
$$\lim_{x \to +\infty} f(x)$$
 و کا میں انتائج ہندسیا  $\lim_{x \to 0} f(x)$ 

$$y=e^{-x}-2$$
 بيّن أنّ المنحنى  $(\gamma)$  الذي معادلته: 2 و المنحنى  $(C_f)$  متقاربان بجوار  $(C_f)$  متقاربان بجوار  $(\gamma)$  بالنسبة إلى  $(\gamma)$ 

(3) بیّن أنّه: من أجل كل عدد حقیقي 
$$x$$
 غیر معدوم لدینا: 
$$f'(x) = \frac{-g(-x)}{2}$$

4) استنتج أن الدالة 
$$f$$
 متزايدة تماما على كل من المجالين  $[-1;0]$  و  $[-1;0]$  و متناقصة تماما على المجال  $[-\infty;-1]$  ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ 

بيّن كيف يمكن إنشاء المنحنى 
$$(\gamma)$$
 انطلاقا من منحنى الدالة  $x\mapsto e^x$  ثم ارسم بعناية كلا من المنحنيين (5) و  $(C_f)$  و  $(\gamma)$ 

$$x=e^2$$
 و  $x=e$  و المستقيمات ذات المعادلات  $x=e^2$  و  $x=e^2$  و  $x=e^2$  المستقيمات ذات المعادلات

انتهى الموضوع الثاني

 $(C_g)$